



امتحان نهائى "فيزياء الكم 1" الفصل الأول 2017-2018م

أجب عن الأسئلة التالية: (80 درجة)

السؤال الأول: (20 درجة)

ادرس حركة حزمة متجانسة من الألكترونات تتحرك في اتجاه حاجز جهد على الصورة:

$$V(x) = \begin{cases} 0 & \xrightarrow{\text{for}} x < 0 \\ V_o & \xrightarrow{\text{for}} x \geq 0 \end{cases}$$

وذلك عندما تكون طاقة الجسيمات الساقطة أصغر من ارتفاع تلك الحاجز ومنها أوجد معادلات كل من :
 التيار الساقط ، التيار المنعكس ، التيار النافذ ، معامل الانعكاس ، معامل النقادية

السؤال الثاني: (20 درجة)

أوجد قيم علاقات المبادلة الآتية: (حيث $\hat{D} = \frac{\partial}{\partial x}$ و $\hat{p} = -i\hbar \frac{\partial}{\partial x}$)

$$[\hat{x}, \hat{p}] = ? \quad -\text{J} \qquad [\hat{x}^2, \hat{D}] = ? \quad -\text{C} \qquad [\hat{x}, \hat{D}] = ? \quad -\text{B} \qquad [\hat{p}, x^n] = ? \quad -\text{J}$$

السؤال الثالث: (20 درجة)

إذا كانت الدالة المميزة $\psi_0 = Ae^{-\frac{m\omega}{2h}x^2}$ تصف المتذبذب التواافقى البسيط فى الحالة الأرضية ذو كتلة m وسرعة زاوية ω فلوجد:

أ- قيمة الثابت A (للمساعدة قيمة التكامل $\int_{-\infty}^{\infty} \exp(-\alpha x^2) dx = \sqrt{\pi/\alpha}$) (4 درجات)

بـ. أثبت أن الدالة المميزة ψ_0 هي دالة مميزة للمؤثر $\left(\frac{\hat{p}^2}{2m} + \frac{1}{2}m\omega^2 x^2 \right)$ ؟ (4 درجات)

ت- أوجد القيمة المميزة للمؤثر السابق؟ (4 درجات)

ثـ. القيمة المتوقعة للمؤثر x^2 أى $\langle x^2 \rangle$?) للمساعدة قيمة التكامل $\int_{-\infty}^{\infty} x^2 \exp(-ax^2) dx = \frac{1}{2a} \sqrt{\pi/a}$ (4 درجات)

جـ- القيمة المتوقعة للمؤثر \hat{p}^2 أى $\langle \hat{p}^2 \rangle$ ؟ (4 درجات)

السؤال الرابع: (20 درجة)

أ- ينفذ شعاع من الألكترونات يمثل تيار كهربى شدته 4 ميكروأمبير خلال جهد درجة السلم فقلت سرعة الألكترونات بمقدار الثلث. احسب مستخدما معادلة شرودنجر معامل النفاذ وشدة التيار النافذ؟

بـ- بئر جهد مستطيلية بشرط أن $V_0 = \frac{\hbar^2}{2m} \ln \left(\frac{2a}{r_0} \right)$ حيث V_0 هو عمقها ، $2a$ هو اتساعها، وجد أن الطاقة الكلية للجسم (أى مستوى طاقته داخل بئر الجهد) هو $0.57V_0$ مقاسة من قاع البئر. أثبت أن احتمال وجود الجسم خارج البئر (من نوع كلاسيكيا) هو 34% ؟

مع تمنياتي لكم بالتوفيق دكتور: خالد صابر الشريف بكلية العلوم، قسم الفيزياء