



## اختبار نهائي "فيزياء الكم 1" الفصل الأول 2017-2018م

أجب عن الأسئلة التالية: (80 درجة)

### السؤال الأول: (20 درجة)

ادرس حركة حزمة متجانسة من الإلكترونات تتحرك في اتجاه حاجز جهد على الصورة:

$$V(x) = \begin{cases} 0 & \text{for } x < 0 \\ V_0 & \text{for } x \geq 0 \end{cases}$$

وذلك عندما تكون طاقة الجسيمات الساقطة أصغر من ارتفاع تلك الحاجز ومنها أوجد معادلات كل من :  
التيار الساقط ، التيار المنعكس ، التيار النافذ ، معامل الإنعكاس ، معامل النفاذية

### السؤال الثاني: (20 درجة)

أوجد قيم علاقات المبادلة الآتية: (حيث  $\hat{D} = \frac{\partial}{\partial x}$  و  $\hat{p} = -i\hbar \frac{\partial}{\partial x}$ )

أ-  $[\hat{p}, x^n] = ?$       ب-  $[\hat{x}, \hat{D}] = ?$       ج-  $[\hat{x}^2, \hat{D}] = ?$       د-  $[\hat{x}, \hat{p}] = ?$

### السؤال الثالث: (20 درجة)

إذا كانت الدالة المميزة  $\psi_0 = Ae^{-\frac{m\omega}{2\hbar}x^2}$  تصف المتذبذب التوافقي البسيط في الحالة الأرضية ذو كتلة  $m$  وسرعة زاوية  $\omega$  فأوجد:

أ- قيمة الثابت  $A$  (للمساعدة قيمة التكامل  $\int_{-\infty}^{\infty} \exp(-\alpha x^2) dx = \sqrt{\pi/\alpha}$ ) ؟ (4 درجات)

ب- اثبت أن الدالة المميزة  $\psi_0$  هي دالة مميزة للمؤثر  $\left(\frac{\hat{p}^2}{2m} + \frac{1}{2}m\omega^2 x^2\right)$  ؟ (4 درجات)

ت- أوجد القيمة المميزة للمؤثر السابق ؟ (4 درجات)

ث- القيمة المتوقعة للمؤثر  $x^2$  أي  $\langle x^2 \rangle$  ؟ (للمساعدة قيمة التكامل  $\int_{-\infty}^{\infty} x^2 \exp(-\alpha x^2) dx = \frac{1}{2\alpha} \sqrt{\pi/\alpha}$ ) (4 درجات)

ج- القيمة المتوقعة للمؤثر  $\hat{p}^2$  أي  $\langle \hat{p}^2 \rangle$  ؟ (4 درجات)

### السؤال الرابع: (20 درجة)

أ- ينفذ شعاع من الإلكترونات يمثل تيار كهربى شدته 4 ميكروأمبير خلال جهد درجة السلم فقلت سرعة الإلكترونات بمقدار الثلث. احسب مستخدماً معادلة شرودنجر معامل النفاذ وشدة التيار النافذ؟

ب- بئر جهد مستطيلة بشرط أن  $V_0 a^2 = \frac{\hbar^2}{2m}$  حيث  $V_0$  هو عمقها ،  $2a$  هو اتساعها، وجد أن الطاقة

الكلية للجسم (أى مستوى طاقته داخل بئر الجهد) هو  $0.57V_0$  مقاسة من قاع البئر. اثبت أن احتمال وجود الجسم خارج البئر (منوع كلاسيكياً) هو 34% ؟

مع تمنياتي لكم بالتوفيق دكتور: خالد صابر الشريف بكلية العلوم، قسم الفيزياء